

Nom :	Prénom :	Groupe :
-------	----------	----------

*Rédigez vos réponses directement sur cette feuille. Il sera tenu compte de la clarté et de la précision des réponses. Tous les documents et la calculatrice sont interdits.*

Note
/ 2

1. Donner la définition d'une application linéaire.
2. Soit  $E$  un  $\mathbb{R}$ -espace vectoriel de dimension 3 et soit  $\mathcal{B} = (e_1, e_2, e_3)$  une base de  $E$ . Soit  $f$  l'application linéaire de  $E$  dans  $E$  définie par

$$\begin{aligned}f(e_1) &= 2e_1 + e_3 \\f(e_2) &= e_1 + 2e_2 + e_3 \\f(e_3) &= e_2\end{aligned}$$

Donner la matrice de  $f$  dans la base  $\mathcal{B}$ .

Nom :	Prénom :	Groupe :
-------	----------	----------

*Rédigez vos réponses directement sur cette feuille. Il sera tenu compte de la clarté et de la précision des réponses. Tous les documents et la calculatrice sont interdits.*

Note
/ 2

1. Donner la définition d'une base d'un espace vectoriel.
2. Soit  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  l'application linéaire définie par

$$f(x, y) = (x + 2y, 2x - y).$$

Donner la matrice de  $f$  dans la base canonique de  $\mathbb{R}^2$ .

Nom :	Prénom :	Groupe :
-------	----------	----------

*Rédigez vos réponses directement sur cette feuille. Il sera tenu compte de la clarté et de la précision des réponses. Tous les documents et la calculatrice sont interdits.*

Note
/ 2

1. Soient  $\mathcal{B}$  et  $\mathcal{B}'$  deux bases d'un espace vectoriel  $E$ . Donner la définition de la matrice de passage de  $\mathcal{B}$  à  $\mathcal{B}'$ .
2. Soit  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  la symétrie d'axe  $(Oy)$ . Donner la matrice de  $f$  dans la base canonique de  $\mathbb{R}^2$ .